MINISTERE DE L'EDUCATION NATIONALE ET DE L'ENSEIGNEMENT TECHNIQUE

INSPECTION GENERALE

DIRECTION DE LA PEDAGOGIE ET DE LA FORMATION CONTINUE (DPFC)



REPUBLIQUE DE COTE D'IVOIRE

Union - Discipline - Travail



PROGRAMMES EDUCATIFS ET GUIDES D'EXECUTION

MATHEMATIQUES

Mot de Madame la Ministre de l'Education Nationale et de l'Enseignement Technique

L'école est le lieu où se forgent les valeurs humaines indispensables pour le développement harmonieux d'une nation. Elle doit être en effet le cadre privilégié où se cultivent la recherche de la vérité, la rigueur intellectuelle, le respect de soi, d'autrui et de la nation, l'amour pour la nation, l'esprit de solidarité, le sens de l'initiative, de la créativité et de la responsabilité.

La réalisation d'une telle entreprise exige la mise à contribution de tous les facteurs, tant matériels qu'humains. C'est pourquoi, soucieux de garantir la qualité et l'équité de notre enseignement, le Ministère de l'Education Nationale s'est toujours préoccupé de doter l'école d'outils performants et adaptés au niveau de compréhension des différents utilisateurs.

Les programmes éducatifs et leurs guides d'exécution que le Ministère de l'Education Nationale a le bonheur de mettre aujourd'hui à la disposition de l'enseignement de base est le fruit d'un travail de longue haleine, au cours duquel différentes contributions ont été mises à profit en vue de sa réalisation. Ils présentent une entrée dans les apprentissages par les situations en vue de développer des compétences chez l'apprenant en lui offrant la possibilité de construire le sens de ce qu'il apprend.

Nous présentons nos remerciements à tous ceux qui ont apporté leur appui matériel et financier pour la réalisation de ce programme. Nous remercions spécialement Monsieur Philippe JONNAERT, Professeur titulaire de la Chaire UNESCO en Développement Curricula ire de l'Université du Québec à Montréal qui nous a accompagnés dans le recadrage de nos programmes éducatifs.

Nous ne saurions oublier tous les Experts nationaux venus de différents horizons et qui se sont acquittés de leur tâche avec compétence et dévouement.

A tous, nous réitérons la reconnaissance du Ministère de l'Education Nationale.

Nous terminons en souhaitant que tous les milieux éducatifs fassent une utilisation rationnelle de ces programmes éducatifs pour l'amélioration de la qualité de notre enseignement afin de faire de notre pays, la Côte d'Ivoire un pays émergent à l'horizon 2020, selon la vision du Chef de l'Etat, SEM Alassane OUATTARA.

Merci à tous et vive l'Ecole Ivoirienne!

LISTE DES SIGLES

1^{er} CYCLE DU SECONDAIRE GENERAL

A.P: Arts Plastiques

A.P.C: Approche Par les Compétences

A.P.F.C: Antenne de la Pédagogie et de la Formation Continue

All: Allemand

Angl: Anglais

C.M.: Collège Moderne

C.N.F.P.M.D: Centre National de Formation et de Production du Matériel Didactique

C.N.M.S: Centre National des Matériels Scientifiques

C.N.R.E: Centre National des Ressources Educatives

C.O.C: Cadre d'Orientation Curriculaire

D.D.E.N: Direction Départementale de l'Education Nationale

D.R.E.N: Direction Régionale de l'Education Nationale

DPFC: Direction de la Pédagogie et de la Formation Continue

E.D.H.C: Education aux Droits de l'Homme et à la Citoyenneté

E.P.S: Education Physique et Sportive

Esp: Espagnol

Fr: Français

Hist- Géo: Histoire-Géographie

I.G.E.N: Inspection Général de l'Education Nationale

L.M.: Lycée Moderne

L.MUN.: Lycée Municipal

M.E.N: Ministère de l'Education Nationale

Math: Mathématiques

P.P.O: Pédagogie Par les Objectifs

S.V.T: Science de la Vie et de la Terre

TABLE DES MATIERES

Mathématiques 4^{ème}

N°	RUBRIQUES	PAGES
1.	MOT DU MINISTRE	2
2.	LISTE DES SIGLES	3
3.	TABLE DES MATIÈRES	4
4.	INTRODUCTION	5
5.	PROFIL DE SORTIE	6
6.	RÉGIME PÉDAGOGIQUE	6
7.	QUATRIEME	7
8.	CORPS DU PROGRAMME EDUCATIF	8-18
9.	GUIDE D'EXÉCUTION	19-31

INTRODUCTION

Dans son souci constant de mettre à la disposition des établissements scolaires des outils pédagogiques de qualité appréciable et accessibles à tous les enseignants, le Ministère de l'Education nationale vient de procéder au toilettage des Programmes d'Enseignement.

Cette mise à jour a été dictée par :

- La lutte contre l'échec scolaire :
- La nécessité de cadrage pour répondre efficacement aux nouvelles réalités de l'école ivoirienne ;
- Le souci de garantir la qualité scientifique de notre enseignement et son intégration dans l'environnement;
- L'harmonisation des objectifs et des contenus d'enseignement sur tout le territoire national.

Ces programmes éducatifs se trouvent enrichis des situations. Une situation est un ensemble de circonstances contextualisées dans lesquelles peut se retrouver une personne. Lorsque cette personne a traité avec succès la situation en mobilisant diverses ressources ou habilités, elle a développé des compétences : on dira alors qu'elle est compétente.

La situation n'est donc pas une fin en soi, mais plutôt un moyen qui permet de développer des compétences ; ainsi une personne ne peut être décrétée compétente à priori.

Chaque programme définit pour tous les ordres d'enseignement, le profil de sortie, le domaine disciplinaire, le régime pédagogique et il présente le corps du programme de la discipline. Le corps du programme est décliné en plusieurs éléments qui sont :

- La compétence ;
- Le thème ;
- La leçon ;
- Un exemple de situation;
- Un tableau à deux colonnes comportant respectivement :
- **Les habiletés :** elles correspondent aux plus petites unités cognitives attendues de l'élève au terme d'un apprentissage ;
- Les contenus d'enseignement : ce sont les notions à faire acquérir aux élèves

Par ailleurs, les disciplines du programme sont regroupées en cinq domaines :

- le **Domaine des langues** comprenant le Français, l'Anglais, l'Espagnol et l'Allemand,
- le **Domaine des sciences et technologie** regroupant les Mathématiques, Physique-Chimie, les Sciences de la Vie et de la Terre et les TICE.
- le **Domaine de l'univers social** concernant l'Histoire-Géographie, l'Education aux Droits de l'Homme et à la Citoyenneté et la Philosophie,
 - le **Domaine des arts** comportant les Arts Plastiques et l'Education Musicale
- le **Domaine du développement éducatif, physique et sportif** prenant en compte l'Education Physique et Sportive.

Toutes ces disciplines concourent à la réalisation d'un seul objectif final, celui de la formation intégrale de la personnalité de l'enfant. Toute idée de cloisonner les disciplines doit, de ce fait, être abandonnée.

L'exploitation optimale des programmes recadrés nécessite le recours à une pédagogie fondée sur la participation active de l'élève, le passage du rôle de l'enseignant, de celui de dispensateur des connaissances vers celui d'accompagnateur de l'élève.

I. PROFIL DE SORTIE

A la fin du premier cycle de l'enseignement secondaire, l'élève doit avoir acquis des compétences lui permettant de traiter des situations relatives:

- aux configurations du plan: point, droite, demi-droite, segment, triangle, angle, cercle, parallélogramme, vecteurs
- aux transformations du plan : symétrie centrale, symétrie orthogonale, translation,
- aux configurations de l'espace : pavé droit, cylindre droit, prisme droit, pyramide régulière, cône de révolution et leur représentation en perspective cavalière
- aux activités numériques : nombres réels (calculs dans \mathbb{N} , \mathbb{Z}, \mathbb{D} , \mathbb{Z} et \mathbb{R}), calcul littéral (factorisation, développement, réduction et simplification d'une expression littérale, équations, inéquations)
- aux Calculs littéraux : calcul littéral (factorisation, développement, réduction et simplification d'une expression littérale, équations, inéquations)
- à l'organisation des données : proportionnalité et statistique
- à la géométrie analytique : Coordonnées d'un vecteur, Equations de droites

II. DOMAINE DES SCIENCES ET TECHNOLOGIE

Le domaine des sciences et technologie est composé de quatre disciplines :

- les mathématiques
- la physique-chimie
- les sciences de la vie et de la terre
- les technologies de l'information et de la communication à l'école (TICE).

Les mathématiques fournissent les outils indispensables à l'étude des autres disciplines du domaine. En effet, les biologistes par exemple étudient l'évolution de certains micro-organismes qui se multiplient rapidement en ayant recourt à des modèles mathématiques. Les mathématiques sont utilisées en physique, notamment en électricité et en mécanique.

III. REGIME PEDAGOGIQUE

En Côte d'Ivoire, l'année scolaire comporte 32 semaines.

Discipline	Nombre	Nombre	Pourcentage par rapport à
	d'heures/semaine	d'heures/année	l'ensemble des disciplines
MATHEMATIQUE	4	128	14,8%

COMPETENCE 1: Traiter une situation relative aux objets géométriques suivants: distances, vecteurs, angles, triangles, cercles, perspective cavalière, symétries et translations.

Cette compétence se décline en trois thèmes :

Thème 1 : Configurations du Plan

Thème 2 : Transformations du Plan

Thème3: Configurations de L'espace

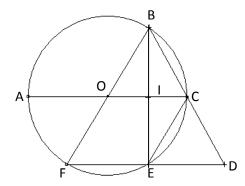
THEME 1: CONFIGURATIONS DU PLAN

LEÇON 1 : Angles Exemple de situation

A la recherche d'un logo pour le club mathématique du lycée moderne de Man, une élève de la terminale C propose – le motif ci-contre.

Elle donne les précisions suivantes :

- . Le point O est le centre du cercle;
- . Les droites (AI) et (FD) sont parallèles ;
- . Les droites (OF) et (CE) sont parallèles.



Le meilleur élève de la classe de quatrième 5 affirme que dans cette figure, plusieurs angles ont la même mesure que l'angle \widehat{AOF} .

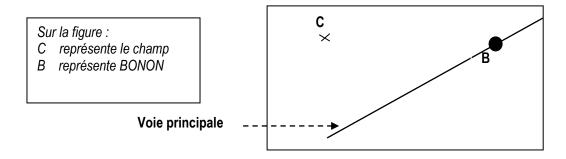
Fouettés dans leur orgueil, les autres élèves -décident de trouver tous les angles de même mesure que l'angle \widehat{AOF} .

HABILETES	CONTENUS
Identifier	Un angle au centreDeux angles alternes-internesDeux angles correspondants
Connaître	 Les propriétés relatives à deux angles alternes-internes Les propriétés relatives à deux angles correspondants
Reconnaître	 Deux angles alternes-internes deux angles correspondants Des angles de même mesure Un angle au centre Une corde qui sous-tend un arc de cercle Des arcs de cercles de même longueur Des cordes de même longueur
Justifier	 L'égalité des mesures de deux angles Le parallélisme de deux droites L'égalité de longueurs de deux segments
Déterminer	La mesure d'un angleLa longueur d'un arc de cercle
Traiter une situation	Faisant appel aux angles

LEÇON 2 : Distances

Exemple de situation : Un riche planteur de la région de BONON cherche à faire tracer la voie la plus courte joignant son champ à la voie principale bitumée et rectiligne à cet endroit. Cette voie devrait lui permettre d'écouler à moindre coût les produits venant de son champ. Disposant d'une carte de la région, il fait appel à son fils élève de quatrième au Collège Moderne de BONON pour réaliser ce tracé. Son fils sollicite ses camarades de classe pour l'aider.

Les élèves réalisent le tracé en utilisant la figure ci-dessous.



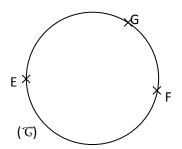
HABILETES	CONTENUS
	- La distance d'un point à une droite.
Identifier	- La distance de deux droites parallèles
	- La bissectrice d'un angle
Connaître	Les propriétés relatives à la bissectrice d'un angle (directe et réciproque)
Déterminer	- La distance d'un point à une droite
Determiner	- La distance de deux droites parallèles
Placer	Un point à une distance donnée d'une droite donnée
construire	- Une droite à une distance donnée d'un point donné
constraire	- La bissectrice d'un angle
Justifier	L'appartenance d''un point à la bissectrice d'un angle
Traiter une situation	Faisant appel à la distance

LEÇON 3 : Cercles et Triangles

Exemple de situation : La coopérative du Lycée Houphouët-Boigny de KORHOGO veut aménager une ferme sur un terrain circulaire. Tout autour du terrain, elle construit plusieurs enclos devant abriter différentes espèces de poulets. Au moment de placer l'unique mangeoire, une discussion s'engage entre les élèves au sujet de son emplacement exact. Le Président de la coopérative déclare que la mangeoire doit être placée à égale distance des enclos. Séduits par cette affirmation, les élèves décident de réaliser une maquette du terrain.

A cet effet, ils utilisent la figure ci-contre. Sur cette figure, le cercle (C) désigne le pourtour du terrain, les points E, F et G désignent trois enclos.

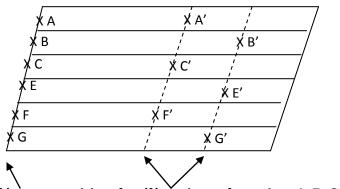
Les élèves construisent le point M placé à égale distance des points E, F et G.



HABILETES	CONTENUS
Identifier	 Une tangente à un cercle les points remarquables d'un triangle (centre de gravité, orthocentre, centre du cercle inscrit)
Connaître	 Les propriétés relatives à la droite des milieux les propriétés relatives aux droites particulières d'un triangle
Reconnaître	 Les droites particulières d'un triangle (hauteur, médiane, bissectrice) Des points remarquables d'un triangle (centre de gravité, orthocentre, centre du cercle inscrit)
Déterminer	Les positions relatives d'un cercle et d'une droite
Construire	 Une tangente à un cercle en un point du cercle Les tangentes à un cercle passant par un point à l'extérieur du cercle Des droites particulières dans un triangle Des points remarquables dans un triangle Le cercle inscrit dans un triangle
Calculer	Une longueur dans un triangle
Justifier	 Le parallélisme de deux droites Qu'un point est le milieu d'un segment Que deux droites sont perpendiculaires
Traiter une situation	Faisant appel aux cercles et aux triangles.

LEÇON 4 : Vecteurs

Exemple de situation : Au cours d'une séance de natation organisée par la municipalité de Korhogo à la piscine municipale, six élèves de 4^{ième} 4 du lycée Houphouët sont sur les lignes de départ A, B, E, C, F, G. Après 20 secondes de nage, un cliché montre les positions respectives A', B', C', E', F', G' des nageurs dont les points de départ sont A, B, C, E, F, G comme indiqués sur la figure ci-dessous.



Ligne de départ position des élèves issus des points A, B, C, E, F, G.

Le responsable de la natation du lycée remet aux élèves de la 4^{ième} 4 une copie du cliché et leur exilique que les trajets suivis par leurs camarades sont parfaitement rectilignes, de même direction et même sens. Aussi il fait remarquer que les distances effectuées par certains nageurs sont identiques. Les élèves curieux, tracent des lignes droites passant par les positions départ et les positions après 20 secondes de nage, pour comparer les trajectoires suivies, la direction suivie et de déterminer les nageurs ayant atteint le même niveau.

HABILETES	CONTENUS
Noter	Un vecteur
Identifier	 Un vecteur Des couples de points de même sens Deux droites de même direction Deux vecteurs égaux L'égalité de chasles
Reconnaître	 Des droites de même direction sur une figure Des couples de points de même sens Des vecteurs Des vecteurs de même direction Des vecteurs de même sens Des vecteurs de même longueur Des vecteurs égaux Deux vecteurs opposés
Placer	Des couples de points de même sens
Tracer	Un vecteur
Construire	 Une droite de même direction qu'une droite donnée La somme de deux vecteurs en utilisant légalité de chasles Des vecteurs égaux
Caractériser	- Un parallélogramme - Le milieu d'un segment
Déterminer	La somme de vecteurs en utilisant l'égalité de Chasles

Justifier	 Une égalité de vecteurs Qu'un quadrilatère est un parallélogramme Une égalité de distances Qu'un point est le milieu d'un segment L'alignement de trois points Le parallélisme de droites
Traiter une situation	Faisant appel aux vecteurs.

THEME 2: TRANSFORMATIONS DU PLAN

LEÇON 5 : Symétries et Translations

Exemple de situation: Lors d'une exposition d'art dans leur établissement, les élèves de la classe de quatrième du Lycée Moderne d'Abobo ont été impressionnés par un tableau décoratif représenté par la figure 1.

Figure 1

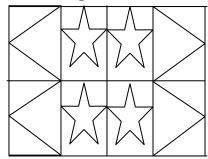
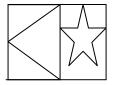


Figure 2



Pendant un cours de géométrie, le professeur de mathématique informe ses élèves —que la-figure 1 peut être construite à partir de la figure 2.

Etonnés les décident de donner toutes les informations nécessaires pour construire la—que la-figure 1 à partir de la figure 2 et de la produire.

HABILETES	CONTENUS
	Une application du plan dans le plan
Identifier	Une translation
luchtiller	Une symétrie orthogonale
	Une symétrie centrale
	L'image d'un point par :
Reconnaître	Une symétrie orthogonale,
Recommand	Une symétrie centrale,
	Une translation
Lire	Un tableau de correspondance se rapportant à un texte ou à une figure
Compléter	Un tableau de correspondance se rapportant à un texte ou à une figure
Dresser	Un tableau de correspondance se rapportant à un texte ou à une figure
Rédiger	Un programme de construction
	L'image d'un point, d'une droite, d'un segment, d'un angle, d'un cercle par :
Construire	Une translation
Constraire	Une symétrie orthogonale
	Une symétrie centrale
	- L'alignement de points
	- La perpendicularité de droites
Démontrer	- Le parallélisme de droites
Demonder	- Une égalité de longueur de segments
	- Une égalité de mesure d'angles
	- Qu'un point est le milieu d'un segment
Traiter une situation	Faisant appel aux translations et aux symétries.

THEME 3: CONFIGURATION DE L'ESPACE

LEÇON 6 : Perspective cavalière

Exemple de situation

Les élèves de la classe de quatrième B du lycée Municipale de Williamsville ont effectué avec leur professeur de mathématique une visite dans une usine de fabrication de cartons d'emballage ayant la forme de pavé droit. Le chef du service de production leur explique que la confection d'un carton débute par la réalisation d'un dessin.

De retour en classe, les élèves veulent réaliser un modèle de ce carton Pour cela ils décident de représenter dans leur cahier un carton vu à l'usine.

HABILETES	CONTENUS
Connaître	Les règles de la perspective cavalière
	 Une figure en perspective cavalière Un plan dans une perspective cavalière
Reconnaître	 Un plan vertical de face, un plan vertical de profil, un plan horizontal
	- Un cylindre droit
	- Un pavé droit en perspective cavalière
Représenter	- Un prisme droit en perspective cavalière
	- Un cylindre droit
Traiter une situation	Faisant appel à la perspective cavalière

COMPETENCE 2 : Traiter des situations relatives aux nombres décimaux relatifs, aux nombres rationnels, au calcul littéral, aux équations, aux inéquations et à la statistique.

Cette compétence se décline en trois thèmes :

Thème1: Activité numérique

Thème2 : Calcul littéral

Thème3: Organisation de données

THEME 1: ACTIVITE NUMERIQUE

LEÇON 7 : Nombres décimaux relatifs

Exemple de situation : Pendant un cours de géographie, les élèves de quatrième 1 du Lycée Moderne de BEOUMI apprennent les informations suivantes :

- La lumière se propage à la vitesse de 3 × 10⁸ m / s

- Un rayon partant du Soleil arrive sur la Terre au bout de 8 min 20 s.

Un élève de la classe déclare que ces données suffisent pour calculer la distance entre la Terre et le Soleil. Curieux, les autres élèves décident de calculer cette distance.

HABILETES	CONTENUS
	- Une puissance de 10 d'exposant un nombre entier relatif
Identifier	- La notation scientifique d'un nombre décimal
	- Un nombre décimal d'ordre n
Ecrire	- Un nombre décimal sous la forme $a\cdot 10^p$ où a est un nombre décimal etp est un nombre entier relatif
	- écrire la notation scientifique d'un nombre décimal
déterminer	L'ordre d'un nombre décimal
Calculer	Les produits de la forme $a \cdot 10^p \times b \cdot 10^q$ où p et q sont deux entiers relatifs et a etbsont deux nombres décimaux relatifs
Comparer	Des nombres décimaux relatifs écrits sous la forme $a\cdot 10^p$ où a
Comparer	est un nombre décimal relatif et p est un nombre entier relatif
Traiter une situation	Faisant appel aux nombres décimaux relatifs

LEÇON 8:Nombres rationnels

Exemple de situation d'apprentissage : <Le collège moderne de Daoukro a un effectif de 400 élèves dont 120 filles. Après une conférence sur l'environnement, les élèves veulent se constituer en équipes pour assurer la propreté de l'établissement. Ils souhaitent que les équipes comportent un maximum de filles et de garçons. Afin d'établir un programme cohérent de travail, les élèves de la quatrième décident de déterminer le plus grand nombre d'équipes possibles.

HABILETES	CONTENUS	
	- Un nombre rationnel	
Identifier	- Le pgcd de deux nombres entiers naturels non nuls	
	- Le pppcm de deux nombres entiers naturels non nuls	
Noter	L'ensemble des nombres rationnels	
Ecrire	Un nombre décimal sous la forme d'une fraction ou de l'opposé d'une fraction	
Calculer	La somme, la différence, le produit ou le quotient de deux nombres rationnels	
Utiliser	 Le PGCD pour : Simplifier une fraction Déterminer l'ensemble des diviseurs communs à deux entiers naturels Le PPCM pour rendre deux fractions au même dénominateur Les propriétés sur les nombres rationnels pour effectuer des calculs dans Q 	
Déterminer	 L'inverse d'un nombre rationnel non nul L'approximation décimale par défaut ou par excès d'un nombre rationnel à un ordre donné La troncature d'un nombre rationnel à un ordre donné L'arrondi d'un nombre rationnel à un ordre donné Le pgcd de deux nombres entiers naturels non nuls Le ppcm de deux nombres entiers naturels non nuls 	
Encadrer	Un nombre rationnel par deux nombres décimaux consécutifs de même ordre	
Traiter une situation	Faisant appel aux nombres rationnels	

LEÇON 9 : Equations et Inéquations

Exemple de situation d'apprentissage : Au lycée Moderne de Dabou le professeur de la quatrième B donne ce texte : « A la rentrée des classes, votre père doit acheter vos fournitures scolaires. Après l'achat des livres, il lui reste moins de 10 000 F CFA pour l'achat des autres fournitures. Il vous propose alors l'achat d'une calculatrice à 8 000 F CFA et l'achat des cahiers de leçons à 300 F CFA l'unité. Avant d'accepter cette proposition, vous voulez vous assurer qu'elle permet d'acheter les 8 cahiers de 300 F CFA dont vous avez besoin ».

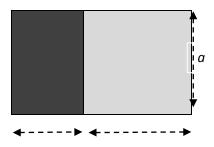
Chaque élève cherche à calculer le nombre maximum de cahiers qu'il pourra acheter avec la proposition de votre père.

HABILETES	CONTENUS
Identifier	Les notions :
Connaître	 Les propriétés relatives aux opérations et égalité Les propriétés relatives aux opérations et inégalités
Traduire	 Une situation donnée par une équation du premier degré dans Q Une situation donnée par une inéquation du premier degré dans Q
Justifier	 Qu'un nombre rationnel donné est solution ou non d'une équation du premier degré dans Q Qu'un nombre rationnel donné est une solution ou non d'une inéquation du premier degré dans Q
Placer	Sur une droite graduée une solution d'une inéquation du premier degré dans $\mathbb Q$
Résoudre	Une équation du premier degré dans Q
Déterminer	Une ou de solution(s) d'une inéquation du premier degré dans Q
Une inéquation de l'un des types $x + a < b$, $x + a > b$, oua $x + b$ Transformer c , $ax + b < c$ en une inéquation du type $x < a$ oux $> a$ aya mêmes solutions	
Traiter une situation	Faisant appel aux équations et inéquations du premier degré dans R

THEME 2: CALCUL LITTERAL

LEÇON 10: Calcul littéral

Exemple de situation d'apprentissage : La coopérative d'un lycée dispose d'un terrain rectangulaire sur lequel elle veut cultiver des tomates et des choux. Le terrain est partagé en deux parties rectangulaires comme l'indique la figure ci-dessous.



хy

L'une des parties est réservée à la culture des tomates et l'autre à celle des choux. Un membre du bureau de la coopérative affirme que l'on peut calculer l'aire totale du terrain de deux façons différentes. Pour vérifier cette affirmation, les autres membres de la coopérative décident d'effectuer les calculs.

HABILETES	CONTENUS
	- Le développement de chacun des produits : $A(x + y)$; $a(x - y)$; $(a + b)(x + y)$
Connaître	- Le développement de chacun des produits remarquables : $ (a+b)^2; \ (a-b)^2; \ (a+b)(a-b) $
Comilative	- La factorisation de chacune des sommes : $ax + ay$; $ax - ay$; $ax + ay + bx + by$
	- La factorisation de chacune des expressions remarquables : $a^2+2ab+b^2; a^2-2ab+b^2; a^2-b^2$
	- Le développement de chacun des produits : $a(x + y)$; $a(x - y)$; $(a + b)(x + y)$ pour développer un produit
Utiliser	- Le développement de chacun des produits remarquables : $(a+b)^2$; $(a-b)^2$; $(a-b)(a+b)$ pour développer un produit
	- La factorisation de chacune des sommes : $ax + ay$; $ax - ay$; $ax + ay + bx + by$ pour factoriser une somme
	- La factorisation des expressions remarquables pour factoriser une somme
Traiter une situation	Faisant appel au calcul littéral

THEME 3: ORGANISATION DE DONNEES

LEÇON 11 : Statistique

Exemple de situation d'apprentissage : A l'occasion des fêtes de fin d'année, un concours « Génie en herbe » a été organisé dans au collège Moderne d'Abidjan. Les questions portaient sur les mathématiques, le français, les sciences de la vie et de la terre, l'anglais, la physique et l'histoire. Le meilleur élève de chacune des cinq classes de quatrième participe à cette compétition: Aya, N'Golo, Tapé, Yapi et Zamblé.

Le tableau ci-dessous indique les notes obtenues par chacun d'eux :

	Maths.	Français	SVT	Anglais	Physique	Histoire
N'Golo :	14	15	12	11	13	14
Yapi :	15	10	11	12	17	12
Tapé :	16	12	10	14	12	14
Zamblé :	13	13	14	12	13	12
Aya :	13	14	16	14	15	13

A la suite de la compétition, l'établissement décide de récompenser les trois meilleurs candidats. Persuadés que leur représentant est le meilleur, les élèves d'une classe de quatrième3 décident de dresser un tableau, identifier la position de leur candidat de visualiser le tableau par un diagramme.

HABILETES	CONTENUS
Identifier	Le mode d'une série statistique
Déterminer Le mode d'une série statistique	
Dresser	Un tableau des effectifs ou des fréquences à partir d'un diagramme semi-circulaire
Calculer	La moyenne d'une série statistique
Construire	Un diagramme semi-circulaire
Interpréter	Un diagramme semi-circulaire
Traiter une situation	Faisant appel à la statistique

GUIDE D'EXECUTION

PROGRESSION ANNUELLE QUATRIÈME

	1	4 Heures par semaine		
Mois	Sem	Thème	Leçon	Vol /H
sept	1	Activité numérique	Nombres décimaux relatifs	4h
	2	Activite numerique	Séance de régulation	2h
	3	Configurations du plan	Angles	8h
	4			01
oct			Séance de régulation	2h
	5 6	_	Nombres rationnels	12h
	7	Activité numérique	Trombles rationnels	1211
		-	Séance de régulation	2h
nov	8	Configurations du plan	Distances	6h
		gomigarations au plan	Séance de régulation	2h
	10		3	
	11	Caland littérnal	Calcul littéral	8h
déc	12	Calcul littéral		
uec			Séance de régulation	2h
	13		Cercles et triangles	8h
	14	Configurations du plan	_	
•	15		Séance de régulation	2h
janv	16	-	Equations et Inéquations	8h
		Activité numérique	Equations et mequations	OII
	17		Séance de régulation	2h
	18		beance de regulation	211
C/	19		Vecteurs	10h
févr	20	Configurations du plan		
	20		Séance de régulation	2h
	21			
mars	22	_		
	23	_		22h
	24 25	Transformation du plan	Symétries et translations	
avril		-		
aviii	26		Séance de régulation	2h
	27			
		Configurations de	Perspective cavalière	6h
	28	l'espace	Séance de régulation	2h
mai	29		Statistique	6h
11101	30	Organisation de données	-	
			Séance de régulation	2h
	31		Révision	4h

$\underline{\text{NB}}$: La séance de régulation consiste à mener des activités de remédiassions aux erreurs relatives aux contenus de la leçon.

A cette occasion, le professeur mènera également des activités permettant d'évaluer et de renforcer les acquis des élèves.

Remarque:

- ✓ Le respect de la progression est obligatoire afin de garantir l'achèvement du programme dans le temps imparti et de permettre l'organisation des devoirs de niveau.
- ✓ Les volumes horaires indiqués comprennent les cours, les exercices et les travaux dirigés (75%) et <u>IO</u>, <u>IE</u>, <u>DS</u> et <u>comptes rendus</u> (25%)
- ✓ L'organisation des devoirs de niveau dans les délais indiqués est obligatoire.

I- PROPOSITIONS DECONSIGNES, SUGGESTIONS PEDAGOGIQUES ET MOYENS

LEÇON 1 : Angles

CONTENUS	CONSIGNES POUR CONDUIRE LES ACTIVITES	TECHNIQUES PEDAGOGIQUES	SUPPORTS DIDACTIQUES
 Angles alternes- internes -présentation -propriété Angles correspondants -présentation -propriété Angles au centre -définition -propriété 	 Faire manipuler les instruments de géométrie pour les différentes constructions Proposer des exercices variés se rapportant à des constructions, des raisonnements se rapportant à des prises de décisions pour une bonne gestion de l'environnement Les angles alternes- internes, les angles correspondants ne seront pas définis explicitement, mais seront présentés à l'aide de figures. Amener les apprenants à déterminer des mesures d'angle et à justifier le parallélisme de deux droites en utilisant des propriétés relatives aux angles alternes-internes et aux angles correspondants. 	 Travail individuel travail en groupes brainstorming 	 Fiches d'exercices Manuel Instruments de géométrie Internet revues

LEÇON 2 : Distances

CONTENUS	CONSIGNES POUR CONDUIRE LES ACTIVITES	TECHNIQUES PEDAGOGIQUES	SUPPORTS DIDACTIQUES
 Distance d'un point à une droite -définition 	 Faire manipuler les instruments de géométrie pour les différentes constructions 	travail individueltravail en groupes	Fiches d'exercicesmanuel
 Caractérisation de la bissectrice d'un angle -propriété 	 La définition de la distance d'un point à une droite étant délicate, l'enseignant veillera à la faire fonctionner plutôt qu'à la faire mémoriser. 	groupes	internetrevuesinstruments de géométrie
 Distance de deux droites parallèles -définition 			

LEÇON 3 : Cercles et triangles

CO	ONTENUS	CONSIGNES POUR CONDUIRE LES TECHNIQUES ACTIVITES PEDAGOGIQUE		UPPORTS DIDACTIQUES
•	Position relative d'un cercle et d'une droite - propriétés	Faire manipuler les instruments de géométrie pour les individuel différentes constructions.	•	Fiches d'exercices
	 définition de la tangente 	Amener les apprenants à découvrir les différentes et apprenants à groupes	•	Manuel Internet
•	Droite des milieux dans un triangle	positions d'un cercle et d'une droite.	•	Revues
•	-propriétés Points remarquables dans un triangle -propriété	Les médiatrices ayant été présentées en 6°, elles ne feront pas l'objet de théorie. Néanmoins, le professeur indiquera que les médiatrices sont des droites particulières d'un triangle.	•	Instruments de géométrie
		Faire manipuler les instruments de géométrie pour les différentes constructions.		

LEÇON 4 : Vecteurs

C	ONTENUS CONSIGNES POUR CONDUIRE LES ACTIVITES		TECHNIQUES PEDAGOGIQUES	SUPPORTS DIDACTIQUES
•	Droites de même direction - définition	 Insister sur l'importance de l'ordre des composantes d'un couple de points. 	travail individueltravail en	Fiches d'exercicesManuel
•	Couple de points de même sens - présentation Vecteurs -propriété	 Avant de mettre en place la notion de vecteur, le professeur s'assurera de la maitrise des notions suivantes : droites de même direction, couples de points de même sens et segments de même longueur. La présentation de la notion de vecteur se fera au moyen de 	groupes	 Internet Revues Instruments de géométrie
		 configurations géométriques variées et judicieusement choisies. Le vecteur sera caractérisé par sa direction, son sens et sa longueur. Accorder une place aux activités de construction 		
		 La caractérisation vectorielle des parallélogrammes et du milieu d'un segment permet déjà l'utilisation de l'outil « vecteur » pour résoudre des problèmes. 		

LEÇON 5 : Symétries et Translations

C	CONTENUS		ONSIGNES POUR	TECHNIQUES			SUPPORTS		
			ONDUIRE LES ACTIVITES	Pl	EDAGOGIQUES	D	IDACTIQUES		
•	Application du plan dans le plan - définition	•	Réinvestir les notions par des exercices de constructions et de	•	travail individuel travail en	•	Fiches d'exercices		
•	Symétrie orthogonale - définition	•	raisonnements. Présenter les notions au moyen de configurations géométriques variées et		groupes	•	Manuel Internet		
	-propriétés	•	judicieusement choisies Accorder une place à la			•	Revues		
	Symétrie centrale - définition -propriétés		manipulation afin que les apprenants maitrisent la construction d'image d'un point par une			•	Exploitation des motifs décoratifs		
•	Translation - définition -propriétés	•	translation Entrainer les apprenants à la démonstration par des exercices simples et variés			•	Instruments de géométrie		
		•	Initier les apprenants à la résolution d'exercices de construction et de justification utilisant les propriétés des symétries et des translations.						
		•	Amener les apprenants à se familliariser à l'utilsation de tableau de correspndance						

LEÇON 6: Nombres décimaux relatifs

	CONTENUS	CONSIGNES POUR CONDUIRE LES ACTIVITES		TECHNIQUES PEDAGOGIQUES		SUPPORTS DIDACTIQUES
•	Puissances de 10	L'enseignant veillera à	•	Travail individuel	•	Fiches
	d'exposants entiers relatifs	faire fonctionner les propriétés plutôt qu'à les	•	Travail en groupes		d'exercices
	-définition règles	faire mémoriser		Travail ell groupes	•	Manuels
	- propriétés				•	Internet
•	Notation					
	scientifique				•	Revues
	-définition					
•,	Nombre					
d	écimal d'ordre n					
	-définition					

LEÇON7:Nombres rationnels

CONTENUS	CONSIGNES POUR	TECHNIQUES	SUPPORTS
	CONDUIRE LES ACTIVITES	PEDAGOGIQUES	DIDACTIQUES
 PPCM -PGCD -définitions - règles Nombres rationnels -définition -propriétés Approximations décimales Operations 	 Introduire les notions de PPCM et de PGCD à l'aide d'exemples simples Utiliser le pré requis de 5emesur les opérations sur les fractions, la décomposition d'un entier en produit de facteurs premiers Utiliser le PPCM pour déterminer des dénominateurs communs Manipuler ces nombres dans des exercices variés car cette leçon se poursuivra par la notion de racines carrés et les nombres réels en 3eme A partir de faits réels, le professeur fera asseoir les différentes habiletés les approximations décimales seront traitées à partir d'exemples simples et variés Proposer des situations amenant les apprenants à des prises de décisions pour une bonne gestion de l'environnement, du budget, de l'eau 	Travail individuelTravail en groupes	 Fiches d'exercices manuel internet revues

LEÇON 8 : Equations et Inéquations

	CONTENUS		CONSIGNES POUR CONDUIRE LES ACTIVITES	TECHNIQUES PEDAGOGIQUES	ח	SUPPORTS OIDACTIQUES
•	Equations dans Q -présentation -égalité et	•	Il s'agit de consolider les techniques opératoires, pour résoudre des équations dans Q.	Travail individuel	•	Fiches d'exercices
•	opérations Inéquations dans Q -présentation -inégalités et opérations	•	Contrairement à la résolution d'équations du premier degré à une inconnue, la résolution des inéquations du premier degré à une inconnue n'est abordée qu'à partir de la classe de troisième où l'on dispose de la notion d'intervalle.	• Travail en groupes	•	Manuel Exercices Internet
		•	Toutefois, il sera utile d'habituer l'apprenant à se donner le support visuel de la droite graduée pour placer approximativement des solutions trouvées. Il est déconseillé d'utiliser la notion d'équations(respectivement d'inéquations) équivalentes mais plutôt d'équations(respectivement d'inéquations) ayant les mêmes solutions		•	Revues
		•	Pour transformer une équation (respectivement inéquation) en une équation (respectivement inéquation) plus simple ayant les mêmes solutions, on utilisera les propriétés « égalité et opérations » (respectivement inégalités et opérations)			
		•	La recherche des solutions d'inéquation du type x>a ou x <a doit être maitrisée avant de passer à d'autres types d'inéquations</a 			
		•	On n'exigera pas l'utilisation de la notation S= "{}" pour designer l'ensemble des solutions d'une équation.			
		•	Proposer des situations amenant les apprenants à des prises de décisions pour une bonne gestion de l'environnement, du budget, de l'eau.			
		•	Les valeurs morales et éthiques identifiées à travers des exemples de vie courantes permettront une bonne approche du civisme fiscal; de la gestion de la santé			

LEÇON 9: Calcul littéral

	CONTENUS	CONSIGNES POUR CONDUIRE LES ACTIVITES	TECHNIQUES PEDAGOGIQUES		SUPPORTS DIDACTIQUES
•	Développement et réduction d'un produit	 Faire découvrir les produits remarquables en s'appuyant sur un support géométrique (calcul 	• Travail individuel	•	Fiches d'exercices
	- règles -propriétés	des aires de carré)	Travail en groupes	•	manuel
		 Au lieu de faire réciter les règles de calculs opératoires, il faut amener les apprenants à les 		•	internet revues
•	Factorisation d'une somme - règles -propriétés	 utiliser utiliser les produits remarquables dans le calcul mental			revues

LEÇON 10 : Perspective cavalière

CONTENUS	CONSIGNES POUR CONDUIRE LES ACTIVITES	TECHNIQUES PEDAGOGIQUES	SUPPORTS DIDACTIQUES
 Règles de la perspective cavalière 	 Faire observer, manipuler et représenter des solides de l'environnement de l'apprenant 	• travail individuel	• Fiches d'exercices
 Représentation en perspective 	(cube, prisme droit, pavé droit, cylindre etc)	 travail en groupes 	• manuel
cavalièreVocabulaire de la perspective cavalière	 Pour la représentation en perspective cavalière l'apprentissage pourra se faire dans un premier temps par l'utilisation des quadrillages 		internetrevues

LEÇON 11 : Statistique

CONTENUS	CONSIGNES POUR CONDUIRE LES ACTIVITES	TECHNIQUES PEDAGOGIQUES	SUPPORTS DIDACTIQUES
 Mode -définition Moyenne - règles 	Faire des enquêtes en dehors ou dans la classe sur des exemples de situations variés (civisme fiscal, EREAH-BV, life	Travail individuelTravail en groupes	Des enquêtes sur terrainsFiches
Diagramme semi- circulaire	 skills, EVF/Enp.) Elaborer des stratégies de recueil de données d'informations afin de mettre en place les notions de mode, de moyenne de construction d'un diagramme semi circulaire 	 Brainstorming Discussion dirigée 	d'exercicesmanuelsInternetRevues
	 les apprenants doivent être familiarisés à l'utilisation de la calculatrice 		
	• Faire des exercices où l'apprenant mobilisera les différents acquis de la leçon en approfondissant la compréhension de leur sens en vue de prendre des décisions et de pouvoir défendre un choix		

II-EXEMPLE DE FICHE DE LEÇON

Discipline: mathématique

Classe: 4ème

THEME: ORGANISATION DE DONNEES

LEÇON: Statistique

Séance 1/4

Durée: 55 min

Matériel: manuel, calculatrice, règle.

Pré requis : effectif, modalité

HABILETES	CONTENU
Déterminer	le mode d'une série statistique.
Calculer	la moyenne d'une série statistique.

Situation : En classe de 4ème 5 au lycée moderne de Dabou à la suite d'un test d'évaluation les points suivants des meilleurs élèves ont été relevés :

115-121-150-135-120

135-120-115-121-120

120-135-120-115-135

150-115-121-120-115

Les élèves désirs recueillir les informations sur ces meilleurs élèves.

Ils décident alors à l'aide d'un tableau de déterminer

- le nombre de points fréquemment obtenu par ces élèves
- la moyenne des points obtenus.

Moment didactique Et durée	Stratégies pédagogiques	Activités du professeur	Activités des apprenants	Trace écrite	
Présentation Prérequis	Travail individuel	Activité garçon fille			
-Présentation de la situation -appropriation de la situation	lecture individuelle -lecture collective -Questions d'orientation	-Approprie-toi la situation -Lit la situation pour la classe -explique le texte -	-Lecture silencieuse -Lecture à haute voix -Explication de la situation : Il s'agit : 1- De déterminer le nombre de points fréquemment obtenu par ces élèves 2- de calculer la moyenne des points obtenus		

Développement -Traitement de la situation/ activité	-Recherche individuelle -Mise en commun		Réponse au modalité modalité effectif 2) Le nomb obtenu est $5 \times 115 + 6 \times 2 \times 150 = 24$ $\frac{2498}{20} = 124$	115 5 re de po 120 120 + 3	121 3 oints le		1- mode Définition Le mode Le mode est la modalité qui a le plus grand effectif 2/Moyenne
Evaluation Application renforcement		Exercice de fixation Voici le tableau d'une série statistique Moda 15 21 lité Effect 4 2 if 1. Quel est le mode 2. calcule la moyenne - donne des exercices à faire à la maison Exercice n° page	Réponses a 1- le n 2- la n 15×4	node es	t 15 e est :		

ANNEXE

II -LE SCHEMA D'UN COURS APC

Les moments didactiques sont les étapes de la construction des connaissances.

a) La phase de présentation.

C'est une phase au cours de laquelle on fait le rappel des prérequis.

L'enseignant doit mettre à la disposition des apprenants une situation(texte, graphique, image, etc.). L'enseignant doit s'assurer que les apprenants ont relevé les informations pertinentes de la situation : c'est le décodage de la situation. Il doit veiller à ce que les apprenants s'approprient la situation et qu'ils aient bien compris la tâche à réaliser. Il doit enfin motiver les apprenants à s'engager dans la résolution de la situation à travers la phase d'action.

b) La phase d'acquisition ou le développement.

Au cours de ce moment didactique, se déroulent les phases d'action, de formulation et de validation et la phase d'institutionnalisation.

Dans la phase d'action, c'est l'apprenant qui résout lui-même la situation en sollicitant un modèle mathématique. L'enseignant se constitue en personne ressource. Les travaux de recherche des apprenants se font individuellement ou en groupe. Dans chaque groupe, il y a un modérateur et un rapporteur.

Dans la phase de formulation, l'apprenant ou les rapporteurs des groupes (pas forcément tous) explicitent par écrit ou oralement la solution trouvée. On peut profiter pour faire une mise en commun des solutions proposées par les apprenants ou les groupes.

Dans la phase de validation qui suit, les apprenants produisent la preuve de leur solution. L'enseignant gère la discussion entre les apprenants pour faire émerger la solution validée de la situation. Ce moment didactique s'achève par une synthèse de l'activité. Cette synthèse est faite par les apprenants eux – mêmes avec éventuellement l'aide de l'enseignant.

Dans la phase d'institutionnalisation, c'est l'enseignant qui représente l'institution scolaire qui identifie les nouvelles habiletés – faire, précise les conventions et fait noter la trace écrite par les apprenants.

c) La phase d'évaluation.

Elle consiste à proposer un exercice de fixation à la fin de chaque séquence d'apprentissage. En APC, l'évaluation des apprentissages est intégrée à la séance. Elle doit permettre de vérifier le niveau d'installation des contenus. Le cours en APC se terminera toujours par un ou des exercices de recherche ou une activité qui prolongera l'apprentissage

Les outils d'évaluation en APC sont présentés dans le tableau ci-dessous.

Outils	Objectifs	caractéristiques	Moments d'administration
Exercice de fixation	Vérifier si une habileté mise en place est oui ou non acquise	Questions de connaissance, de compréhension ou d'application	Au cours d'une leçon, juste après la mise en place d'une habileté
Exercice de renforcement ou d'entraine- ment	Vérifier si l'apprenant peut mettre en oeuvre plusieurs habiletés d'une même leçon pour résoudre un exercice	 Questions de connaissance, de compréhension, d'application ou traitement de situation Les questions portent sur des habiletés d'une même leçon Est contextualisé ou non. 	Après la mise en place de plusieurs habiletés, à la fin ou avant la fin d'une leçon
Exercice d'approfon- dissement	Vérifier si l'apprenant peut mettre en oeuvre plusieurs habiletés de plusieurs leçons pour résoudre un exercice	 Questions de connaissance, de compréhension, d'application ou traitement de situation Les questions portent sur des habiletés de plusieurs leçons Est contextualisé ou non 	Après plusieurs leçons
Exercice de recherche	Mettre en exergue une méthode particulière de résolution d'un exercice	 Questions ouvertes Est contextualisé ou non 	Après une ou plusieurs leçons en classe ou à la maison
Situation d'évaluation	 Contextualiser l'enseignement/ap prentissage/évalua tion Vérifier la capacité de l'apprenant à faire un transfert 	Contexte, circonstances et taches déclinées en consignes	 Après la mise en place de plusieurs habiletés d'une leçon. A la fin d'une leçon. A la fin de plusieurs leçons

Exemple d'activité d'application (relatif à la leçon « Statistique »)

Aux deux premiers trimestres, tu as obtenu en mathématiques les notes suivantes : 12 ; 9 ; 11,5 ; 13 ; 8,5 ; 14 ; 15.

Détermine la note moyenne.

Exemple de situation d'évaluation (relatif à la leçon « Nombres rationnels »)

Dans le but d'encourager l'hévéaculture dans un village une ONG offre 108 boites d'engrais et 135 paquets de sachets aux paysans. Ces derniers reçoivent chacun le même nombre de boites d'engrais et le même nombre de paquets de sachets.

- 1-Détermine le nombre maximal de paysans qui bénéficieront de ce don.
- 2-Détermine le nombre de boites d'engrais et de paquets de sachets de chaque récipiendaire.